المعمورية المزائرية الديمتراطية المعبية

وزارة التربية الوطنية

الديوان الوطني للمتعانات والمسابقات

امتحان بكالوريا التطيم الثانوي

* دورة جوان 2008 *

المدة: 03 ساعات ونصف

اختبار في مادة الرياضيات

شعبة: التسيير والاقتصاد

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين : الموضوع الأول

التمرين الأول : (4 نقط)

2 5 -

يمثل الجدول الأتي تطور إنتاج معمل الإسمنت خلال 6 سنوات من 2000 إلى 2005.

المنئة	2000	2001	2002	2003	2004	2005
ترتبب السنوات x	1	2	3	4	5	6
الإنتاج بالمليون طن بر	3,8	4	4,5	4,8	5,2	5,6

-1 مثل سحابة النقط $M_i(x_i; y_i)$ في معلم متعامد و متجانس حيث وحدة الأطوال -1

2 عين إحداثيي النقطة المتوسطة .

. a = 0.37 هو $a = 10^{-2}$ معامل توجيه مستقيم الإنحدار a = 0.37 مدورا إلى a = 0.37 هو a = 0.37

(D) عين معادلة مختصرة للمستقيم (D) عين معادلة مختصرة المستقيم

ب- من أهداف المعمل الوصول إلى انتاج 7,3 مليون طن في منة 2009.
 بين باستعمال التعديل الخطي السابق اذا كان هذا الهدف يمكن أن يتحقق ؟

التعرين الثاني (4 نقط)

$$\begin{cases} u_0=\alpha & ; \quad (\alpha\in\mathbb{R}) \\ u_{n+1}=\frac{2}{3}u_n-\frac{8}{9} & ; (n\in\mathbb{N}) \end{cases}$$
 : يلي : $u_n=1$

برهن بالنراجع أنه في حالة $\alpha=-\frac{8}{3}$ تكون المتقالية (u_{μ}) ثابتة.

 $v_n = u_n + \frac{8}{3}$: في كل مايلي $\alpha = 2$ ، و نعرف المنتالية العندية ($u_n = u_n + \frac{8}{3}$) كما يلي $\alpha = 2$. u_1 ، u_2 ، u_3 ، u_4 ، الحسب أ

. v_a الثبت ان (v_a) منتالية هندسية يطلب تعيين اساسها q و حدها الأول v_a

ج_) لكتب عبارة "u بدلالة n . و أحسب "u عبارة ي

التمرين الثالث: (4 نقط)

يحتوي كيس على 7 كرات منها 3 بيضاء تحمل الأرقام -2 ، 1 ، 2 و أربع حمراء تحمل الأرقام 2 ، 2 ، 1 ، 1 و أربع حمراء تحمل الأرقام 2 ، 2 ، 1 ، 1 و المحب كرة ولحدة من الكيس .

أ) ما احتمال الحصول على كرة تحمل الرقم 1.

ب) اذا كانت الكرة المسحوبة تحمل الرقم 1 فما هو احتمال أن يكون لونها أحمرًا .

- 2) نسحب على التوالى كرئين من الكيس دون إرجاع.
- أ) ما احتمال العصول على كرئين تحمل كل منها رقما فرديا.
 - ب) ما احتمال الحصول على كرئين من نفس اللون.
 - ج) ما احتمال أن يكون مجموع الرقمين الظاهرين 3 .

التمرين الرابع: (08 نقط)

التكن ر دالة عددية قابلة للإشنقاق على كل مجال من مجموعة تعريفها الها جدول التغيرات التالي :

x	-∞	$\frac{1}{2}$	1	$\frac{3}{2}$	+00
f'(x)	+	0	-	- ó	+
f(x)			+	-00	_ +00

c,b,a حيث $f(x)=ax+b+\frac{c}{x-1}$ على الشكل $f(x)=ax+b+\frac{c}{x-1}$ عداد حقيقية.

- · f'(x) بسب (1
- 2) اعتمادا على جدول تغيرات الدالة 7:
- − عين الأعداد الحقيقية −ا

ب-عين $\lim_{x\to -x} f(x)$ و $\lim_{x\to -x} f(x)$ و فسر النشيجة بيانيا.

 $\frac{1}{4}$ جـ قارن بين صورتي العددين $\frac{1}{2}$ و $\frac{3}{4}$ بالدالة f معللا إجابتك.

- 3) ناخذ فيما يلي : a=1 ؛ b=1 ؛ $c=\frac{1}{4}$ و ليكن (C) المنحنى البياني الممثل لتغيرات الدالة c=1 في معلم متعامد و متجانس.
 - y=x+1 : الى (Δ) المنحنى (Δ) المنحنى (Δ) يقبل مستقيما مقاربا (Δ) معادلته (Δ) بين انه عندما يؤول Δ الى (Δ) أو (Δ) فإن المنحنى
 - \cdot (Δ) الدرس وضعية المنحنى (C) بالنسبة الى المستقيم
 - (C) مركز تناظر المنحنى $\omega(1,2)$ مركز متاظر المنحنى
 - د) عين نقط تقاطع المنحنى (٢) مع حامل محور الفواصل
 - $f(x)=|\lambda|$ عدد حقیقی ، عین بیانیا ، حسب قیم λ عدد حلول المعادلة λ

الموضوع الثاتي

التمرين الأول(5 نقاط):

 $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n - 1$ فإن n فإن n فإن $u_0 = 1$ المنتالية العددية u_n فإن u_n عرفة كما يلي: $u_0 = 1$

· س عدد المسب الم

 $u_n \ge -2$: n عدد طبیعي انه من اجل کل عدد طبیعي التراجع أنه من اجل کل عدد التراجع التراجع

ب. جد اتجاه تغير المتتالية (س) . ماذا تستنتج ؟

 $v_n = u_n + 2$. لمنتالية العددية المعرفة من اجل كل عدد طبيعي n كما يلي: 3

ابين أن المتتالية (٧) متتالية هندسية .

 u_n ب عبر بدلالة n عن الحد العام v_n ثم

· lim u, — بد. احسب

 $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + ... + u_n$: $u_0 + u_1 + u_2 + ... + u_n$: $u_0 + u_1 + u_2 + ... + u_n$: $u_0 + u_1 + u_2 + ... + u_n$

التمرين الثاني (5 نقاط):

يحتوي كيس على 10 قريصات لا يمكن التفريق بينها باللمس ، من بينها 6 حمراء اللون تحمل الأرقام 1 ، 3 ، 5 ، 5 ، 5 . 6 . الأرقام 1 ، 3 ، 5 ، 5 . 5 .

انسحب ثلاثة قريصات من هذا الكيس واحدة تلو الأخرى دون إرجاع.

المطلوب حساب:

أ - احتمال الحصول على ثلاثة قريصات من نفس اللون .

ب- احتمال الحصول على ثلاثة قريصات بلونين مختلفين.

جـ - احتمال الحصول على ثلاثة قريصات تحمل ثلاثة أرقام مجموعها 15.

د - احتمال الحصول على ثلاثة قريصات مجموعها 15 علما أنها من نقس اللون.

التمرين الثالث (5 نقاط):

 $P(x) = x^3 - 4x^2 + 4x + \frac{1}{2}$: الدالة كثير الحدود Pمعرفة على \mathbb{R} كما يلي:

اشكل جدول تغيرات الدالة P على R .

 $-\frac{1}{2}$. وحيدا α في المجال P(x) = 0 تقبل حلا وحيدا α في المجال P(x) = 0

استنتج إشارة (P(x على R .

 $G(x) = \frac{1}{4}x^4 - \frac{4}{3}x^3 + 2x^2 + \frac{1}{2}x$: كما يلي \mathbb{R} كما يلي G معرفة على G معرفة على \mathbb{R} كما يلي اتجاه تغير الدالة $G(\alpha)$ \mathbb{R} (لا يطلب حساب $G(\alpha)$).

التمرين الرابع (5 نقاط):

الجدول التالى يمثل تطور نسبة البطالة في بلد بين السنوات 1970 و 2005.

السياة عن العالم ا	1970	1975	1980	1985	1990	1995	2000	2005
رتبة السنة $x_i = a_i - 1970$	0	5	10	15	20	25	30	35
y النسبة المنوية	1.3	1.5	1.5	1.3	1.4	2.2	2.5	2

1. مثل بيانيا سحابة النقط(x,;y,) في معلم متعامد.

(1cm لكل 5 سنوات على محور الفواصل و 1cm لكل %0.5 على محور التراتيب)

- 2. جد إحداثيتي النقطة المتوسطة G لسحابة النقط ثم علمها.
- 3.أ. بين أن المعادلة المختصرة لـ (Δ) مستقيم الإنحدار بالمربعات الدنيا لهذه السلسلة هي: y = 0.03x + 1.19
 - ب. ما هي نسبة البطالة المتوقعة في هذا البلد سنة 2009؟
 - ج.. ابتداء من أي سنة تصبح النسبة المتوقعة للبطالة أكبر من %3؟

		ذجية و سلم التنقيط المادة : الرياضيات الشعبة : تسبير و اقتصاد	_الإجابة النمو
مة	العلا	1.50	محاور
المجموع	مجزأة	الموضوع الأول عناصر الإجابة	الموضوع
		تمرین 1 (04 نقاط)	لحصاء
		•	
	0,5	$\frac{-}{x} = \frac{1+2+3+4+5+6}{6} = 3,5$ liad well in the state of $x = \frac{1+2+3+4+5+6}{6} = 3$	
	0,5	$\frac{-}{y} = \frac{3,8+4+4,5=4,8+5,2+5,6}{6} = 4,65$	
		V	
	0,5	G(3,5, 4,65) إذن	
		$a = \frac{\left(\frac{1}{6}\sum_{i=1}^{6}x_{i}y_{i}\right) - \overline{xy}}{\frac{1}{6}\sum_{i=1}^{6}\left(x_{i} - \overline{x}\right)^{2}} (1 - 3)$	
		$a = \frac{(6\sum_{i=1}^{2} a_i b_i)}{(1-3)}$	
		$\frac{1}{2}\sum_{r=0}^{6}(r-r)^{2}$	
		$6\sum_{i=1}^{\infty} {x_i \choose i}$	
	2×0,25	$\sum_{i=1}^{6} \left(x_{i} - \overline{x} \right)^{2} = 17.5 \qquad \sum_{i=1}^{6} x_{i} y_{i} = 104.1$	
		a = 0.37	
0.4	0,5		
04	0,5	$b = 3,36 \qquad y = ax + b$	
		(D): $y = 0.37x + 3.36$	
	0,25	ب) رتبة 2009 هي 10	
	0,5	y = 7,06 يكون $x = 10$ من اجل $x = 10$	
	0.05	الهدف لا يمكن أن يتحقق	
	0,25	ملاحظة : في حالمة القراءة البيانية تقبل الإجابة بين 6,8 وَ 7,2 التمرين الثاني : (0.4 نقط)	المتتاليات
	0,5 ×2	1) للبرهان بالتراجع:	
	0,25×2	$u_2 = \frac{-16}{27}$, $u_1 = \frac{4}{9}$ (1 (2)	
04 نقاط	0,20	$u_2 = \frac{1}{27}$ $u_1 = \frac{1}{9}$ (1)	
	0,25×2+0,5	$v_0 = \frac{14}{3}$, $q = \frac{2}{3}$; $v_{n+1} = \frac{2}{3}v_n$ ($=$	
		$v_0 = \frac{1}{3}$ $q = \frac{1}{3}$	
	0,5 ×2	$u_n = \frac{14}{3} \left(\frac{2}{3}\right)^2 - \frac{8}{3}$ e $v_n = \frac{14}{3} \left(\frac{2}{3}\right)^n$ (
	0.5	3(3) 3 3 3 3 3	
	0,5	$\lim_{x \to +\infty} u_n = -\frac{8}{3}$	-
		ر شهرین الثالث 40 نقاط التمرین الثالث 40 نقاط	احتمالات
	0.5		
	0,5	$P(A) = \frac{3}{7}$: هو الحصول على كرة تحمل الرقم $P(A) = \frac{3}{7}$	
	0,5	$P(A \cap B)$	
		$P_A(B) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$ با B الحادثة الحصول على كرة حمراء	
	0,75	4 1	
	0,73	$P_A(B) = \frac{\frac{4}{7} \times \frac{1}{2}}{3} = \frac{2}{3}$	
		$P_A(B) = \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$	
		7	

الصفحة 4/1

العلامة		1	محاور	
المجمرع	مجزاة	عناصر الإجابة	الموضوع	
	0,5	$P(C) = \frac{1}{7}$: احتمال الحصول على كرتين تحمل رقما فرديا (أ (2		
04	0,5	$P(D) = \frac{3}{7}$: ب) احتمال الحصول على كرتين من نفس اللون		
V-1	0,5	7 7 55 5 5 5 5 5 5		
	0,25×3	$P(E) = \frac{3}{14}$: 3 احتمال أن يكون مجموع الرقمين الظاهرين (-ج		
	0,5	التمرين الرابع : 08 نقاط $f'(x) = a - \frac{c}{(x-1)^2}$ (1	لدوال العددية	
	0,25×3	$\begin{cases} a - 4c = 0 \\ \frac{1}{2}a + b - 2c = 1 \\ \frac{3}{2}a + b + 2c = 3 \end{cases}$ (1 (2)		
	0,25×3	$a=1$, $b=1$, $c=\frac{1}{4}$		
:	0,25×2 0,25	$\lim_{\substack{x \longrightarrow 1 \\ f}} f(x) = -\infty \lim_{\substack{x \longrightarrow 1 \\ f}} f(x) = +\infty (ب)$ المستقيم $x = 1$ مقارب للمنحنى الممثل للدالة		
	0,5	$\left[\frac{1}{2},1\right]$ و متنافصة على $f\left(\frac{1}{2}\right) > f\left(\frac{3}{4}\right)$ (ب		
	0,5	$\lim_{ x \to +\infty} [f(x) - y] = 0 (1 (3)$		
08	0,5	$egin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$		
	1	$X=x-1$, $Y=y-2$ (به $Y=X+rac{1}{4X}:$ هي المعلم (ω,\vec{i},\vec{j}) هي المعلم (C) هي المعلم (C)		
		الدالة $X \mapsto X + \frac{1}{4X}$ فردية (أو أي طريقة سليمة)	¥	
	0,25×3	$f\left(\frac{-\sqrt{3}}{2}\right) = 0 , f\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = 0 , f(0) = \frac{3}{4} $	- 1 -	

تاب

نصاد بكالوريا جوان 008 العلامة		العلالة		
المجموع	مجزاة	عناصر الإجابة	محاور الموضوع	
	1	Пуша		
		نامعادئة حلان $\lambda \in]-1,1[$ (4 $]$		
		$\lambda = -1$ للمعادلة حل مضاعف $\lambda = -1$		
	1 ,	لا توجد حلول $\lambda \in]-3,-1[\cup]1,3[]$		
	:	$\lambda = 3$ المعادلة حل مضاعف $\lambda = 3$		
	:	يار $\lambda \in]-\infty, -3[$ للمعادلة حلان $\lambda \in]-\infty, -3[$		
		>		
į				
		119		

العلامة		المه ضه ع الثاني عناصر الإجابة	
المجموع	مجزأة	الموضوع الثاني عناصر الإجابه	ا محاور المدضم ع
05	3×0.25 0,25+0.5 0.5 0,5 0.5+2×0.25 0.25+0.25	حل المتمرين الأول (05 نقط) $u_3; u_2; u_1$ $u_3; u_2; u_1$ $u_n \ge -2$ $u_n \ge -2$ u_n $u_n \ge -2$ u_n	الموضوع *المتتاليات من الشكل المناليات المناليات المناليات المتاليات المناليات المناليات المناليات المناليات
	0.25 0.25 0,5	u_n lim $u_n/$ $\sum_{n\to+\infty} u_n/$ $\sum_{n\to+\infty} u_n/$ $\sum_{n\to+\infty} u_n/$ $\sum_{n\to+\infty} u_n/$ $\sum_{n\to+\infty} u_n/$	
05	1 1 4×0•5 1	حل التمرين الثاني. (05 نقط) أ- احتمال الحصول على 3 قريصات من نفس اللون	
05	2×0.25 3×0.25 3×0.25 5×0.25 2×0.5 3×0.25	حل التمرين الثالث. (05 نقط) 1. النهايات حساب المشنقة و إشارتها جدول التغيرات و القيمتان الحديثان 2. إثبات أن المعادلة تقبل حلا وحيدا على المجال $\frac{1}{2}$; $\frac{1}{2}$ 3. إشارة $P(x)$ مع التبرير 4. اتجاه تغير الدالة G	*مبرهنة القيم المتوسطة و تطبيقاتها
0,5	4×0.25 3×0.25 2×0.5 0.25 2×0.5 2×0.5	حل التمرين الرابع: (05 نقط) 1. التمثيل البياني لسحابة النقط	*السلاسل الإحصائية لمتغيرين عدين *سحابة النقط